

1. Considere a seguinte rede:

Actividade:	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
Ant.limed.	-	-	B	A,C	B,C	B	B	F,G	D,E,H	F,G
Duração (dias)	9	10	6	7	8	5	6	4	9	7

a) (2,0 valores) Estabeleça a rede, com actividades nos arcos, deste projecto com um mínimo de actividades fictícias. Determine o caminho crítico e a sua duração:

b) (2,0 valores) Sabe-se agora que apenas a segunda metade da actividade E depende da finalização de C. A parte da actividade E que não depende de C, e que pode ser realizada sem que esta termine, tem uma duração de 4 dias. Quais as consequências na rede?

c) (1,0 valores) Supondo que as durações são exponenciais (média igual ao desvio padrão), e as durações médias são as indicadas, indique uma duração que possa ser respeitada com 90% de probabilidade.

2. Três companhias petrolíferas, X, Y e Z, vendem combustível para aviões e estudam a construção de um oleoduto entre o terminal portuário, onde recebem o combustível descarregado dos navios e o aeroporto, como meio de transporte, em vez do sistema actual de transporte por carro-tanque. O custo do oleoduto depende da sua capacidade (dimensão). Os *standards* de tamanho dos oleodutos são apenas para três tipos de dimensão, e é por esses que as empresas optam, pois fazer um oleoduto de dimensões diferentes ficaria por preços proibitivos. Os custos totais de investimento para diferentes capacidades são os seguintes:

Capacidade anual do oleoduto (mil Tons)	50	100	160
Custo Total (milhões €)	30	50	60

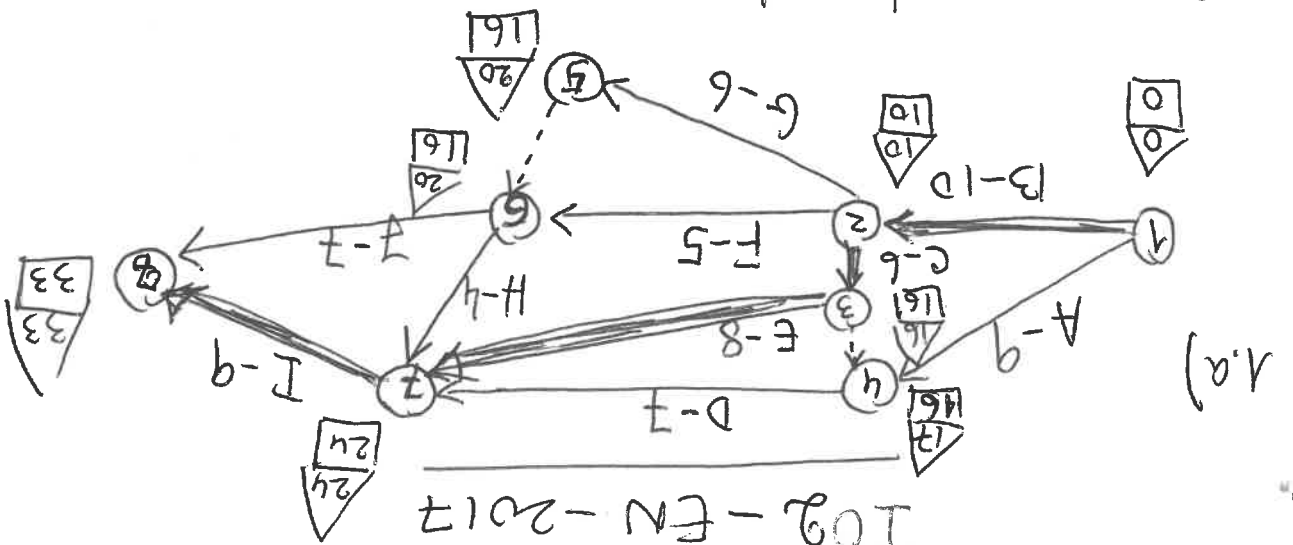
A empresa X prevê transportar anualmente 80 mil tons; a empresa Y 40 mil tons; a empresa Z 35 mil tons. Pretende-se repartir os custos de investimento pelas três empresas que vão utilizar o oleoduto.

a) (1,5 valores) Neste momento estão três propostas em discussão para distribuir os custos de investimento: (30; 20; 10); (31; 15; 14) e (30; 15; 15). A argumentação em defesa da primeira baseia-se na utilização diferente do oleoduto, enquanto na segunda, para além desse argumento, utiliza-se uma distribuição proporcional ao uso. Quanto à terceira, argumenta-se que a utilização das duas últimas empresas é quase igual entre si e, juntas, a sua utilização é quase igual à da primeira. Utilizando o princípio de maximizar a satisfação dos menos satisfeitos (princípio maximin), diga por qual solução optaria. Comente;

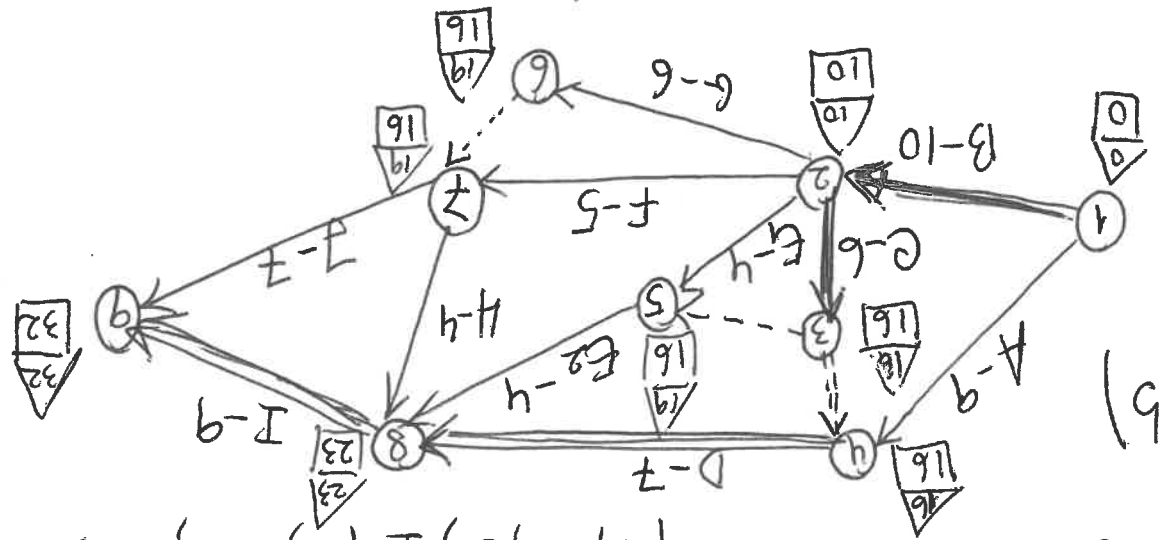
b) (2,0 valores) Considere a seguinte matriz de ganhos de um jogo de duas pessoas e determine o ponto de equilíbrio de Nash:

(2; -2)	(-3; 2)
(-2; 2)	(2; -4)

- Obs. Utilize os NPA a seguir:
- | | |
|------------------------|-----------------------|
| 0,94; 0,07; 0,63 | Chegadas: |
| 0,95; 0,33; 0,78; 0,22 | Tipo Tarefa: |
| 0,73; 0,02; 0,72; 0,14 | Duração da tarefa I: |
| 0,35; 0,48; 0,42; 0,70 | Duração da tarefa II: |
3. Uma grande superfície de fronteira procura diária de certo tipo de máquina de lavar com distribuição de *Poisson* de média 3 unidades. Cada máquina custa à empresa 300 €. O transporte é feito em camiões alugados, custando 2 000 € por viagem. Os custos administrativos associados à preparação de cada viagem são de 50 €. Este hipermercado partilha com outra empresa a armazenagem, pagando 40 € por cada máquina em armazenagem durante um ano. Os electrodomésticos ao entrarem em armazenagem são sujeitos a inspeção e controle cujos custos são de 10 € por unidade. Os custos financeiros são estimados em 10% ao ano. O prazo de reaprovisionamento é de 15 dias e a empresa faz encomendas de montante constante.
- a) (1,5 valores) Determine a política a seguir considerando um modelo determinístico;
- b) (3,0 valores) O preço de venda de cada máquina é de 500€, e no caso de algum cliente a procurar e não estar disponível o cliente vai procurar noutra loja uma máquina da mesma marca. Determine a política a seguir (faça apenas uma iteração);
- c) (1,0 valores) Explique o que determina o stock de segurança na gestão de stocks e as condições para a sua obtenção.
4. Uma máquina processa dois tipos de tarefas, I e II, ao longo do dia. Sabe-se que 40% são do tipo I e 60% são do tipo II. A duração, em minutos, de cada tarefa, do tipo I é uma v.a. com função de densidade $f(x) = x/64, 4 \leq x \leq 12$. A duração, em minutos, de cada tarefa do tipo II é uma v. a. Uniforme (5; 10). As tarefas chegam em exponencial à média da *Poisson* equivalente de 10 por hora.
- a) (2,0 valores) Supondo que acaba de chegar uma tarefa, gere pelo método da transformação inversa valores para as próximas chegadas, para o tipo de tarefa e para as respectivas durações para as quatro tarefas;
- b) (2,5 valores) Simule o comportamento do sistema até finalizar as primeiras 4 tarefas que chegam. Calcule no fim a percentagem do tempo em que a máquina está desocupada, o tempo de espera médio por tarefa e o comprimento médio da fila.



Caminho crítico: A, B, e, F, I, J, duração C.C. = 33 dias



6) Caminho crítico altera-se e passa a ser mais curto, com uma duração de 32 dias. 6 dias (caminho crítico A, B, e, F, I, J)

c) $T_{e, n} = (33; \sqrt{281})$
 $P(T_{e, n} < 32) = \Phi\left(\frac{32 - 33}{\sqrt{281}}\right) = \Phi(-0,19) = 0,4244$

2.a) $V(10) = 20; V(14) = 50; V(12) = 30; V(13) = 60$
 $V(13) = 20; V(14) = 50; V(12) = 30; V(13) = 60$

$E(X, 15)$	314	20	40	10	20	314
	322	10	10	20	20	322
	334	20	20	20	20	334
	3126	10	10	20	20	3126
	3134	20	20	20	20	3134
	3234	20	20	20	20	3234

2

max/min = 15 implimentat \leq starea (30, 15, 15)

maximizarea \leq starea de necesari Antifofa, E0 pentru celor 20 nucetoli nu problema de cost.

b) Grupuri de jocuri de costuri de (jocurile de costuri)

Utilizati stf. 1: $-2x + 2(1-x) = -4x + 2$
 stf. 2: $2x - 4(1-x) \leq 6x - 4$
 $\Rightarrow x = \frac{6}{6} = \frac{3}{5}$

$x < \frac{3}{5}$ grupul de costuri de stf. 1 $\Rightarrow x = \frac{3}{5}$ punct de cost

$x > \frac{3}{5}$

Grupul de jocuri de costuri de
 Utilizati stf. 1: $2y - 3(1-y) = 5y - 3$
 Utilizati stf. 2: $-2y + 2(1-y) = -4y + 2$
 $\Rightarrow y = \frac{3}{5}$

$y < \frac{3}{5}$ grupul de costuri de stf. 1 $\Rightarrow y = \frac{3}{5}$ punct de cost
 $y > \frac{3}{5}$

Grupul de costuri de jocuri de costuri: $2x \times \frac{3}{5} - 2 \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} - 3 \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} +$

$+ 2 \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} = \frac{30 - 20 - 36 + 16}{45} = \frac{-10}{45}$

Grupul de costuri de jocuri de costuri: $-2 \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} + 2 \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} + 2 \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} -$

$- 4 \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} = \frac{-30 + 20 + 24 - 32}{45} = \frac{-18}{45}$

c) starea maximizata: max (-3, -2) = -2 stf. 2
 stf. costuri: max (-2, -4) = -2 stf. 1

starea maximizata pentru 20 nucetoli: (stf. 2, stf. 1) = (-2, -2)

c) Quando se mistura todo o leite, incluindo o de outras fazendas, depende do lote e da percentagem de leite de cada um. Quando se mistura os lotes de leite de diferentes fazendas, depende do lote e da percentagem de leite de cada um. Quando se mistura os lotes de leite de diferentes fazendas, depende do lote e da percentagem de leite de cada um.

$$Q^* = 253$$

$$r^* = 54,4 \approx 54,4 \text{ m}^2$$

$$s. \text{ separação} = 55 - 45 + 0,241 \approx 10,241$$

$$\text{part. mistura} = 0,08$$

$$H(r_1) = \frac{253 \times 71 + 190 \times 1080}{253 \times 71} = 0,08 \Rightarrow r = 54,4$$

Obs. Valor máximo (1080) ao atender

$$Q_{r2} = \sqrt{\frac{2 \times 1080 (250 + 190 \times 0,241)}{71}} = 253$$

$$E[\text{milhares}] = 6,71 \text{ NL} (54,4 - 45) = 6,71 \times 9,4 = 63,214 \text{ NL} = 0,241$$

$$H(r_2) = \frac{250 \times 71 + 190 \times 1080}{250 \times 71} = 0,0796 \Rightarrow r = 54,4$$

b) $\hat{b} = 500 - 310 = 190$
 $X = (LD) \approx r(45, 6,71)$

$$r = LD - mA = 45$$

$$m = \text{Int} \left(\frac{r}{L} \right) = \text{Int} \left(\frac{250 \times 360}{15 \times 1080} \right) = 0$$

$$Q = \sqrt{\frac{2 \times 1080 \times 2050}{71}} = 250$$

- D = 1080
- e = 300 + 10
- A = 2000 + 50
- EE = 40 + 0,1310
- LB = 45
- L = 15 km

EN_2017_Ex.4

Tempo	Tipo Acon	N(t)	NPA CH	INT CH	Prox CH	NPA Tar	Tipo Tare	NPA Dur	Duração	Prox. Saíd	Prox. Acon
0	CH	1	0,94	16,9	16,9	0,95	II	0,35	6,8	6,8	6,8
6,8	SAI	0			16,9						16,9
16,9	CH	1	0,07	0,4	17,3	0,33	I	0,73	10,5	27,4	17,3
17,3	CH	2	0,63	6,0	23,3					27,4	23,3
23,3	CH	3								27,4	27,4
27,4	SAI	2				0,78	II	0,48	7,4	34,8	34,8
34,8	SAI	1				0,22	I	0,02	4,3	39,1	39,1
39,1	SAI	0									39,1

% tempo Máq. Desocupada 25,83
 Tempo de espera das tarefas 21,6 minutos
 Tempo espera médio por tarefa 5,4 minutos
 Comprimento médio da fila 0,6 tarefas

a) Chegadas minutos

1ª 0
 2ª $-6 \ln(1-0,94) = 16,9$
 3ª $16,9 + 0,4 = 17,3$
 4ª $17,3 + 6 = 23,3$

Tipo de Tarefa

1ª II
 2ª I
 3ª II
 4ª I

0,95 ∈ [0,5, 1]

0,33
 0,78
 0,22

Duares

1ª $5 + 0,35 * (10 - 5) = 6,8$
 2ª $4 \sqrt{8 * 0,73 + 1} = 10,5$
 3ª $5 + 0,48(10 - 5) = 7,4$
 4ª $4 \sqrt{8 * 0,02 + 1} = 4,3$